勘误表

未印刷

第 242 页定理 6.3.13 证明倒数第 3 行: trace → trace

第 6 次印刷

- 第 36 页练习 1.2.8 第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 36 页练习 1.2.8 第 3 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第62页练习1.4.7第1行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第76页练习1.5.21第1行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 90 页命题 1.7.5 第 1 行:可逆方阵 → 可逆矩阵
- 第 147 页阅读 3.2.3 第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 165 页第 6 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 165 页例 4.2.2 第 2 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 166 页第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 175 页练习 4.2.25 第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 175 页练习 4.2.28 第 2 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 176 页练习 4.2.31 第 4 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 181 页例 4.3.9 第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 181 页例 4.3.9 结束后第 1 行 (2 次): 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 186 页练习 4.3.19 第 2 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 199 页倒数第 3 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 206 页第 14 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 206 页第 16 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 207 页练习 5.3.9 第 1 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 215 页例 5.4.12 第 1 行: 阶复矩阵 → 阶复方阵
- 第 217 页阅读 5.4.8 第 5 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 217 页阅读 5.4.8 第 6 行: 阶矩阵 → 阶方阵

- 第 227 页定理 6.2.1 第 1 行: 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 228 页定理 6.2.3 第 1 行: 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 270 页例 7.4.7 第 4 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 277 页第 5 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 282 页倒数第 6 行: 阶矩阵 → 阶方阵
- 第 307 页定义 8.3.7 第 1 行: 阶复矩阵 → 阶复方阵
- 第 316 页阅读 8.3.21 第 3 行 (2 次): 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 316 页阅读 8.3.21 证第 1 行: 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 316 页阅读 8.3.21 证第 2 行: 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 316 页阅读 8.3.21 证第 6 行: 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 317 页倒数第 3 行 (2 次): 阶实矩阵 → 阶实方阵
- 第 90-91 页: 矩阵行间距

$$\begin{bmatrix} a_1^{\mathrm{T}} a_1 & a_1^{\mathrm{T}} a_2 & \cdots & a_1^{\mathrm{T}} a_m \\ a_2^{\mathrm{T}} a_1 & a_2^{\mathrm{T}} a_2 & \cdots & a_2^{\mathrm{T}} a_m \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ a_m^{\mathrm{T}} a_1 & a_m^{\mathrm{T}} a_2 & \cdots & a_m^{\mathrm{T}} a_m \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \lambda_1 I + N_1 & & & \\ & \lambda_2 I + N_2 & & \\ & & \ddots & \\ & & & \lambda_s I + N_s \end{bmatrix}$$

- 第 252 页例 7.1.10 第 4 小题: $AA^T = I \rightarrow AA^T = I$
- 第 230 页定理 6.2.9 证第 3 行: $A \in \mathbb{R}^{n \times n} \rightarrow n$ 阶方阵 A
- 第 259 页推论 7.2.18 证第 2 行: $\mathcal{M}_1 \rightarrow \mathcal{M}$
- 第 259 页推论 7.2.18 证第 3 行: 2.2.17 → 7.2.14
- 第 272 页练习 7.4.2 第 1 行: 由 → 从

- 第 290 页第 5 行: $\frac{ ilde{q}_i}{\| ilde{q}_i\|}i=$ \rightarrow $\frac{ ilde{q}_i}{\| ilde{q}_i\|},i=$
- 第 314 页练习 8.3.7 第 1 行: Hermite → 自伴

第 5 次印刷

• 第 50 页命题 1.4.4 第 4 条:
$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ a_{m1} & a_{m1} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$
, $记 - A = \begin{bmatrix} -a_{11} & -a_{12} & \cdots & -a_{1n} \\ -a_{21} & -a_{22} & \cdots & -a_{1n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ -a_{m1} & -a_{m1} & \cdots & -a_{mn} \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -a_{11} & -a_{12} & \cdots & -a_{1n} \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \quad A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}, \quad \forall \mathcal{L} - A = \begin{bmatrix} -a_{11} & -a_{12} & \cdots & -a_{1n} \\ -a_{21} & -a_{22} & \cdots & -a_{2n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ -a_{m1} & -a_{m2} & \cdots & -a_{mn} \end{bmatrix}$$

- 第 142 页命题 3.2.6 第 1 行: $||x|| = ||y|| \rightarrow x \neq y, ||x|| = ||y||$
- 第 148 页练习 3.2.14 第 2 行: 右乘 → 乘
- 第 148 页练习 3.2.14 第 5 行: A 左乘哪个正交矩阵 → 哪个正交矩阵乘 A
- 第 154 页第 10 行段尾添加:另外, $\mathcal{M} = \{\mathbf{0}\}$ 时, $P_{\mathcal{M}} = O$.
- 第 154 页命题 3.3.14 证第 1 行: 假设 $P \rightarrow \text{不妨设 } P \neq O$
- 第 163 页第 4 行: ← → ⇒
- 第 166 页命题 4.2.3 证第 3 行: 列线性 → 列多线性
- 第 166 页命题 4.2.4 证第 3 行: 列线性 → 列多线性
- 第 166 页命题 4.2.4 证第 4 行: 列线性 → 列多线性
- 第 168 页命题 4.2.7: 行线性 → 行多线性
- 第 168 页第 2 行: 行线性 → 行多线性
- 第 168 页命题 4.2.8: 行线性 → 行多线性
- 第 168 页例 4.2.9 第 2 行: 列线性 → 列多线性
- 第 174 页练习 4.2.14 第 1 行:条条→条
- 第 176 页例 4.3.1 第 1 行: 列线性 → 列多线性
- 第 177 页第 3 行: 列线性 → 列多线性
- 第 177 页定理 4.3.3 证第 2 行: 行线性 → 行多线性
- 第 177 页定理 4.3.3 证第 4 行: 行线性 → 行多线性
- 第 182 页命题 4.3.12 证第 2 行: 列线性 → 列多线性
- 第 190 页倒数第 2 行:如例中 → 如例 5.1.2 中

• 第 192 页命题 5.2.3 下第 2 行:

$$\begin{vmatrix} \lambda - a_{11} & -a_{12} & \cdots & -a_{1n} \\ -a_{21} & \lambda - a_{22} & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & -a_{n-1,n} \\ -a_{n1} & -a_{n2} & \cdots & \lambda - a_{nn} \end{vmatrix} \rightarrow \begin{vmatrix} \lambda - a_{11} & -a_{12} & \cdots & -a_{1n} \\ -a_{21} & \lambda - a_{22} & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & -a_{n-1,n} \\ -a_{n1} & \cdots & -a_{n,n-1} & \lambda - a_{nn} \end{vmatrix}$$

- 第 293 页命题 8.1.13 证最后 1 行: 将 x,y 取遍 e_1,e_2,\cdots,e_n \to 将 $\widetilde{x},\widetilde{y}$ 取 遍标准坐标向量
- 第 296 页练习 8.1.8 第 1 行: Lengendre → Legendre
- 第 297 页第 6 行: 伴随映射满足: $(f^*)^* = f$; → 伴随映射若存在则唯一, 目满足:
- 第 297 页第 11 行:有如下结论
 → 如下结论说明了伴随映射的存在性
- 第 297 页命题 8.2.2 证整体改为:

证 由内积定义,对任意 $\boldsymbol{x} \in \mathbb{R}^n, \boldsymbol{y} \in \mathbb{R}^m, \langle A\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y} \rangle = \boldsymbol{y}^{\mathrm{T}}A\boldsymbol{x} = (A^{\mathrm{T}}\boldsymbol{y})^{\mathrm{T}}\boldsymbol{x} = \langle \boldsymbol{x}, A^{\mathrm{T}}\boldsymbol{y} \rangle,$ 由此即得伴随映射.

- 第 297 页命题 8.2.3 第 2 行: 如果线性映射 $f: \mathcal{U} \to \mathcal{V}$ 在两组基下的矩阵是 F,则伴随映射 f^* 在两组基下的矩阵是 F^{T} . \to 任意线性映射 $f: \mathcal{U} \to \mathcal{V}$ 都存在唯一的伴随映射 $f^*: \mathcal{V} \to \mathcal{U}$,且若 f 在两组基下的矩阵是 F,则 f^* 在两组基下的矩阵是 F^{T} .
- 第 297 页命题 8.2.3 证整体改为:

证 唯一性易得, 下面说明存在性. 设由 F^{T} 定义的从 \mathcal{V} 到 \mathcal{U} 的线性映射为 g, 则

$$\begin{split} \left\langle f(\boldsymbol{u}_i), \boldsymbol{v}_j \right\rangle &= \left\langle f_{1i} \boldsymbol{v}_1 + f_{2i} \boldsymbol{v}_2 + \dots + f_{mi} \boldsymbol{v}_m, \boldsymbol{v}_j \right\rangle \\ &= f_{ji}, \\ \left\langle \boldsymbol{u}_i, g(\boldsymbol{v}_j) \right\rangle &= \left\langle \boldsymbol{u}_i, f_{j1} \boldsymbol{u}_1 + f_{j2} \boldsymbol{u}_2 + \dots + f_{jn} \boldsymbol{u}_n \right\rangle = f_{ji}. \end{split}$$

因此 $\langle f(u_i), v_j \rangle = \langle u_i, g(v_j) \rangle$, 利用双线性的性质, 对任意 $x \in \mathcal{U}, y \in \mathcal{V}$, 有 $\langle f(x), y \rangle = \langle x, g(y) \rangle$, 即 $g \neq f$ 的伴随映射.

- 第 304 页练习 8.2.2 小题改为:
- 1. 伴随映射若存在则唯一. 2. 若 $g = f^*$, 则 $f = g^*$. 3. $(g \circ f)^* = f^* \circ g^*$.

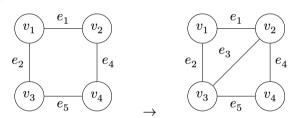
第 4 次印刷

第 3 次印刷

• 第 82 页第 5 行: $A^{-1} - \frac{1}{1 + e_1^{\mathrm{T}} A^{-1} e_1} A^{-1} e_1 e_1^{\mathrm{T}} A^{-1}$ \rightarrow $A^{-1} - \frac{\delta}{1 + \delta e_1^{\mathrm{T}} A^{-1} e_1} A^{-1} e_1 e_1^{\mathrm{T}} A^{-1}$

第 2 次印刷

- 第3页尾行:。 →
- 第 10 页第 6 行:都能写成素数乘积 → 都是素数或多个素数的乘积
- 第 16 页第 6 行: 复集 → 复数集
- 第 33 页倒数第 4 行: $L = \begin{bmatrix} l_{11} & & & \\ \vdots & \ddots & & \\ l_{n1} & \cdots & l_{nn} \end{bmatrix} \rightarrow L = \begin{bmatrix} l_{11} & & & \\ l_{21} & l_{22} & & \\ \vdots & \vdots & \ddots & \\ l_{n1} & l_{n2} & \cdots & l_{nn} \end{bmatrix}$
- 第 36 页练习 1.2.7 第 2 行: 最后再沿着直线 x + y = 0 反射. \rightarrow 最后以直线 x + y = 0 为轴反射.



- 第 63 页图 1.4.3:
- 第 75 页练习 1.5.16 第 2 行: 一年中从 A_j 迁移到 A_i 的概率 \rightarrow 一年中从 M_i 迁移到 M_i 的概率
- 第 76 页练习 1.5.22 第 1 条: 哪个初等矩阵 $E_1 \rightarrow \text{哪个可逆矩阵 } E_1$
- 第 76 页练习 1.5.22 第 3 条:将 A_2 的第三行的 $\frac{1}{3}$ 倍从第三行中减去 \rightarrow 将 A_2 的第二行的 $\frac{1}{3}$ 倍从第三行中减去
- 第 82 页倒数第 3 行: $\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix}$ \rightarrow $\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \end{bmatrix}$
- 第 86 页练习 1.6.17 第 2 行: $l_1+x_1, l_2+x_2, l_3+x_3, l_4+x_4$ \rightarrow $l_1+x_1, l_1+l_2+x_2, l_3+x_3, l_3+l_4+x_4$
- 第 88 页第 16 行: 充分性 \rightarrow 必要性
- 第88页第21行:必要性 → 充分性

证明:

- 第 175 页练习 4.2.27 第 1 行: 任取其中的 k 行和 k 列构成 k 阶方阵,它的行列式 \rightarrow 任取其中 k 行和 k 列,其交叉点处元素组成的 k 阶方阵的行列式
- 第 186 页练习 4.3.21 和 4.3.22 之间添加一个练习(序号由程序自动生成,不 指定为 0.0.1,下同):

练习 0.0.1 *** 对 n 阶方阵 A, 在 $1,2,\cdots,n$ 中任取 k 个数 $i_1 < i_2 < \cdots < i_k$, A 的第 i_1,i_2,\cdots,i_k 行与第 i_1,i_2,\cdots,i_k 列的交叉点处元素组成的 k 阶方阵,称为 A 的一个 k 阶主子**阵**,其行列式称为 A 的一个 k 阶主子**式**. 显然 A 有 \mathbf{C}_n^k 个 k 阶主子阵,也有 \mathbf{C}_n^k 个 k 阶主子式.

- 1. $\det(A + \lambda I_n)$ 是关于 λ 的 n 次多项式.
- 2. 记 $\det(A + \lambda I_n) = a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_n$,则 $a_0 = 1$,而对 $k = 1, 2, \dots, n$, a_k 是 A 的所有 k 阶主子式的和.
- 第 216 页练习 5.4.7 第 3 条: $\lambda_1 I + N_2 \rightarrow \lambda_2 I + N_2$
- 第 220 页第 10 行: $\lambda_1 q_1 q_1^{\mathrm{T}} + \lambda_2 q_1 q_1^{\mathrm{T}} + \dots + \lambda_n q_n q_n^{\mathrm{T}} \rightarrow \lambda_1 q_1 q_1^{\mathrm{T}} + \lambda_2 q_2 q_2^{\mathrm{T}} + \dots + \lambda_n q_n q_n^{\mathrm{T}}$
- 第 221 页命题 6.1.8 第 2 行: q_1, q_2, \cdots, q_n , 则 \rightarrow q_1, q_2, \cdots, q_n 并构成 \mathbb{R}^n 的一组标准正交基,则
- 第 229 页命题 6.2.4 第 3 条:存在矩阵 $T \rightarrow$ 存在列满秩矩阵 T
- 第 234 页练习 6.2.13 第 1 行: 主子式都非负. → 主子式都非负, 其中主子式的定义见练习 0.0.1.

• 第 237 页例
$$6.3.5$$
 第 1 行: $J_n = \begin{bmatrix} 0 & 1 & & & \\ & 0 & \ddots & & \\ & & \ddots & 1 & \\ & & & 0 \end{bmatrix} \rightarrow J_n = \begin{bmatrix} 0 & 1 & & & \\ & 0 & \ddots & & \\ & & \ddots & 1 & \\ & & & 0 \end{bmatrix}_{n \times n}$

• 第 237 页例
$$6.3.5$$
 第 3 行 : $\widetilde{J}_n = \begin{bmatrix} 0 & 1 & & & \\ & 0 & \ddots & & \\ & & \ddots & 1 \\ 10^{-n} & & & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \widetilde{J}_n = \begin{bmatrix} 0 & 1 & & & \\ & 0 & \ddots & & \\ & & \ddots & 1 \\ 10^{-n} & & & 0 \end{bmatrix}$

- 第 238 页命题 6.3.7 第 5 条: U, V 正交 $\rightarrow U, V$ 是正交矩阵
- 第 238 页命题 6.3.9 第 2 行: v_1, v_2, \cdots, v_n , 则 $\rightarrow v_1, v_2, \cdots, v_n$ 并构成 \mathbb{R}^n 的一组标准正交基,则
- 第 242 页命题 6.3.15 第 5 条: U, V 正交 $\rightarrow U, V$ 是正交矩阵
- 第 243 页定理 6.3.17 证整体改为:

证 对秩为 $k' \leq k$ 的 $m \times n$ 矩阵 B, $\Leftrightarrow QQ^{T}$ 是 $\mathcal{R}(B)$ 上的正交投影, 其中 Q 是

 $m \times k'$ 列正交矩阵,则 $QQ^{T}B = B, (I - QQ^{T})QQ^{T} = O,$ 因此

$$\begin{split} \left\|A - B\right\|_{\mathrm{F}}^2 &= \left\|A - QQ^{\mathrm{T}}A + QQ^{\mathrm{T}}A - QQ^{\mathrm{T}}B\right\|_{\mathrm{F}}^2 \\ &= \left\|A - QQ^{\mathrm{T}}A\right\|_{\mathrm{F}}^2 + \left\|QQ^{\mathrm{T}}(A - B)\right\|_{\mathrm{F}}^2 + 2\operatorname{trace}\left(A^{\mathrm{T}}(I - QQ^{\mathrm{T}})QQ^{\mathrm{T}}(A - B)\right) \\ &\geqslant \left\|A - QQ^{\mathrm{T}}A\right\|_{\mathrm{F}}^2. \end{split}$$

但 $\|A - QQ^{\mathsf{T}}A\|_{\mathsf{F}}^2 = \|A\|_{\mathsf{F}}^2 - \|Q^{\mathsf{T}}A\|_{\mathsf{F}}^2 = \|A\|_{\mathsf{F}}^2 - \mathrm{trace}(Q^{\mathsf{T}}AA^{\mathsf{T}}Q)$. 记 $A_k = U_k \Sigma_k V_k^{\mathsf{T}}$,根据??, $\mathrm{trace}(Q^{\mathsf{T}}AA^{\mathsf{T}}Q) \leqslant \mathrm{trace}(U_k^{\mathsf{T}}AA^{\mathsf{T}}U_k) = \sum_{j=1}^k \sigma_j^2$. 因此

$$\left\| A - QQ^{\mathrm{T}} A \right\|_{\mathrm{F}}^{2} \geqslant \sum_{j=1}^{r} \sigma_{j}^{2} - \sum_{j=1}^{k} \sigma_{j}^{2} = \sum_{j=k+1}^{r} \sigma_{j}^{2} = \left\| A - A_{k} \right\|_{\mathrm{F}}^{2}.$$

由此立得.

- 第 245 页尾行: 注意 PT = QT = T, 再利用??, 可得 H = HT = T, \rightarrow 于是 H = T,
- 第 283 页第 16 行: $\widehat{\boldsymbol{u}}(0) =: e^{\Lambda t} \rightarrow \widehat{\boldsymbol{u}}(0) =: e^{\Lambda t} \widehat{\boldsymbol{u}}(0)$
- 第 283 页脚注:。 →

第1次印刷

_____ 名词索引 _____

主子式 principal minor, 6

主子阵 principal submatrix, 6